

## **NASTAVNO-NAUČNOM VEĆU ELEKTROTEHNIČKOG FAKULTETA U BEOGRADU**

Komisija za drugi stepen studija Elektrotehničkog fakulteta u Beogradu imenovala nas je za članove Komisije za pregled i ocenu master rada kandidata dipl. inž. Maje Bajović pod naslovom „**Ortogonalni polinomi i njihova primena**“. Nakon pregleda rada Komisija podnosi Nastavno-naučnom veću sledeći

### **IZVEŠTAJ**

#### **1. Biografski podaci kandidata**

Maja R. Bajović je rođena 7.5.1988. godine u Čačku. Gimnaziju je završila sa odličnim uspehom, smer prirodno-matematički. Fakultet organizacionih nauka upisala je 2007. godine, na odseku Informacioni sistemi i tehnologije. Diplomirala je 2013. godine sa prosečnom ocenom 8.52. Master studije na Elektrotehničkom fakultetu u Beogradu upisala je 2013. godine na odseku za Primjenjenu matematiku. Položila je sve ispite sa prosečnom ocenom 9.5.

#### **2. Predmet master rada**

Ortogonalni polinomi imaju niz dobrih svojstava zbog kojih se mogu konstruktivno primijenjivati u raznim granama numericke matematike. Pojam niza “ortogonalnih polinoma” predstavlja familiju polinoma takvih da su svaka dva različita polinoma međusobno pod nekim unutrašnjim proizvodom. Najrasprostranjeniji ortogonalni polinomi su klasični ortogonalni polinomi, a čine ih Ermitovi polinomi, Legerovi polinomi i Jakobijevi polinomi, zajedno sa svojim posebnim slučajevima Gegenbauerovim polinomima, Čebiševljevim polinomima prve i druge vrste i Ležandrovim polinomima.

Predmet ovog rada je ispitivanje svojstava ortogonalnih polinoma, opisivanje različitih tipova ortogonalnih polinoma i njihova primena u različitim oblastima nauke. Cilj ovog rada jeste bio da se pokaže ključne osobine ortogonalnih polinoma sa fokusom na klasične ortogonalne polinome. Upotreba ortogonalnih funkcija u različitim problemima uglavnom je motivisana njihovom jednostavnosću, lakom praktičnom izradom i brzinom izračunavanja.

#### **3. Sadržaj i analiza rada**

Master rad kandidata sadrži 60 strana teksta, zajedno sa slikama. Rad sadrži 6 poglavljia i spisak literature. Spisak literature sadrži 11 referenci. U radu su izloženi osnovni pojmovi ortogonalnosti, opisani su različiti ortogonalni polinomi i mogućnost primene u različitim oblastima matematike i nauke.

Na početku rada dat je uvod u kome je izložen kratak istorijski osvrt na razvoj ortogonalnih polinoma i opisan je predmet i cilj rada.

U drugom poglavlju izloženi su osnovni pojmovi vezani za ortogonalnost: težinska funkcija, norma i unutrašnji proizvod. Prikazan je Gram-Šmitov postupak ortogonalizacije kao i ortogonalni polinomi koji odgovaraju proizvoljnoj težinskoj funkciji.

Poglavlje 3 bavi se važnijim relacijama i svojstvima ortogonalnih polinoma kao što su: linearna kombinacija ortogonalnih polinoma, razvijanje funkcije u red po ortogonalnim polinomima, tročlana rekurentna relacija, Kristofel-Darbuova formula, nule ortogonalnih polinoma i slučaj simetričnih intervala ortogonalnosti.

Klasični ortogonalni polinomi obrađeni su u poglavlju 4. Najpre su uopšteno izloženi definicija i vrste, kao i diferencijalna jednačina i Rodrigezova formula za klasične ortogonalne polinome, a zatim su detaljno prikazani Ležandrovi, Čebiševljevi polinomi prve i druge vrste, Legerovi i Ermitovi polinomi.

O primeni ortogonalnih polinoma govori se u poglavlju 5, gde su kao primeri navedeni primeni u astronomiji, kvantnoj mehanici i numeričkoj integraciji.

Poglavlje 6 predstavlja zaključak. U poslednjem, sedmom poglavlju se navodi literatura korišćena pri izradi master rada.

#### 4. Zaključak i predlog

Master rad Maje Bajović predstavlja osnovne teorijske koncepte ortogonalnih polinoma sa naglaskom na klasičnim ortogonalnim polinomima i njihove primene u astronomiji, kvantnoj mehanici i numeričkoj integraciji. Osnovni doprinos rada je:

- Primena ortogonalnih polinoma u različitim oblastima matematike i nauke

Na osnovu izloženog, članovi Komisije predlažu Nastavno-naučnom veću Elektrotehničkog fakulteta u Beogradu da rad Maje Bajović, pod naslovom „**Ortogonalni polinomi i njihova primena**”, prihvati kao master tezu i da kandidatu odobri javnu usmenu odbranu.

Beograd, 22.9.2015.

Članovi komisije:

prof. dr Nenad Cakić

Branko Malešević

prof. dr Branko Malešević